

ძაბვების რეზონანსისთვის გამოიყენებენ შემდეგ თანაფარ-  
დობებს და ფორმულებს:

**კონტურის ვარგისობა**

$$Q = \frac{U_L}{U} = \frac{U_C}{U} = \frac{\rho}{r} = \frac{\omega_\phi L}{r} = \frac{1}{r\omega_\phi C} = \frac{1}{r} \cdot \sqrt{\frac{L}{C}},$$

**მახასიათებელი წინააღობა** – რეაქტიული ელემენტების წინა-

აღობა რეზონანსის დროს  $\rho = rQ = \omega_\phi L = \frac{1}{\omega_\phi C} = \sqrt{\frac{L}{C}},$

**კონტურის მილევა**  $d = \frac{1}{Q},$

**აბსოლუტური აშლა**  $\Delta\omega = \omega - \omega_\phi$  ან  $\Delta f = f - f_\phi,$

**ფარდობითი აშლა**  $\frac{\Delta\omega}{\omega_\phi} = \frac{\Delta f}{f_\phi},$

**გატარების ზოლი** განისაზღვრება იმ პირობიდან გამომდინარე,  
რომ დენი  $f_1$  და  $f_2$  სიხშირეებზე, რომლებიც შეესაბამება

ზოლის საზღვრებს, მცირდება  $\sqrt{2}$ -ჯერ.

განახსავებენ გატარების ზოლის **აბსოლუტურ** და **ფარდო-**

**ბით** მნიშვნელობებს  $S_\omega = f_2 - f_1 = \frac{f_\phi}{Q}$  და  $S_f = \frac{S_\omega}{f_\phi} = \frac{1}{Q}.$

\* თუ წრედში იქნება რამდენიმე ინდუქტიური და ტევადური  
ელემენტი, მაშინ ვპოულობთ მათ ექვივალენტურ მნიშვნელო-

ბებს ( $L_g = \sum_{k=1}^n L_k$  და  $\frac{1}{C_g} = \sum_{l=1}^m \frac{1}{C_l}$ ) და შემდეგ ვიყენებთ რეზო-

ნანსური სიხშირის დადგომის ფორმულას ექვივალენტური ინ-  
დუქტიური და ტევადური წინააღობებისათვის.

## 2.1. წვრილზოლოვანი წრეების სიხშირული მახასიათებლები

**მაგალითი მ2.1.** ერთკონტურიანი სუსტი სიგნალების რეზონან-  
სური მაძლიერებელი შეიცავს რხევით კონტურს რეზონანსური  
სიხშირით  $f_{რეზ} = 60$  მჰც და ექვივალენტური ვარგისობით

$Q_{გვ} = 40.$  რეზონანსური სიხშირეზე მაძლიერებლის გაძლიე-

რებლის მოდული  $K_{რგვ} = 35$ . გამოთვალეთ გადაცემის სიხშირული კოეფიციენტი  $K(j2\pi f)$  სიხშირეებზე  $f_1 = 52$  მჰც და  $f_2 = 68$  მჰც.

**მითითება:** გამოიყენეთ ფორმულა 2.19

$$h(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^0 K(j\omega) e^{j\omega t} d\omega + \frac{1}{2\pi} \int_0^{\infty} K(j\omega) e^{j\omega t} d\omega$$

**პასუხი:**  $K(j2\pi f_1) = -3.267 e^{j1.477}$ ;  $K(j2\pi f_2) = -3.267 e^{-j1.477}$ .

**მაგალითი მ2.2.** ერთკონტურიანი რეზონანსური მაძლიერებელის ამპლიტუდურ-სიხშირული მახასიათებელი აღწერება

გამოსახულებით  $|K(j\omega)| = \frac{K_{რგვ}}{\sqrt{1 + \tau_3^2 (\omega - \omega_{რგვ})^2}}$ , სადაც  $\tau_3$  -

რხევითი სისტემის დროის მუდმივაა. განსაზღვრეთ  $\omega_{1,2}$  სიხშირეები რომლებზეც დაქანების დახრილობები იქნება უდიდესი მნიშვნელობის.

**პასუხი:**  $\omega_{1,2} = \omega_{რგვ} \pm 1/(\sqrt{2}\tau_3)$

**მაგალითი მ2.3.** რეზონანსული მაძლიერებელი შედგება  $N$  რაოდენობის ერთნაირი ერთკონტურიანი საფეხურებისაგან კონტურის დროის  $\tau_3$  მუდმივას ცნობილი მნიშვნელობით. გამოიყენეთ მოცემული მაძლიერებელის გატარების ზოლის  $\Pi_{0.707}$  გამოთვლის ზოგადი გამოსახულება.

**ამოხსნა:**  $N$ -საფეხურიანი მაძლიერებლის გადაცემის სიხშირული კოეფიციენტია

$$K(j\omega) = \frac{(-K_{რგვ})^N}{|1 + j\tau_3 (\omega - \omega_{რგვ})|^N}$$

მოცემული სისტემის ამპლიტუდურ-სიხშირულ მახასიათებელს (ასმ) ექნება სახე

$$|K(j\omega)| = \frac{K_{რგვ}^N}{[1 + \tau_3^2 (\omega - \omega_{რგვ})^2]^{N/2}}$$

გატარების ზოლის საზღვრულ სიხშირეზე ადგილი ექნება ტოლობას

$$\left[1 + \tau_j^2 (\omega - \omega_{რეზ})^2\right]^{N/2} = \sqrt{2},$$

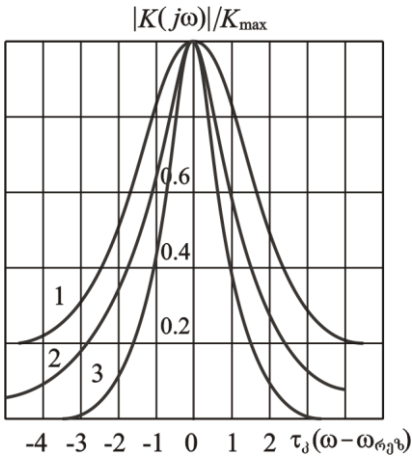
საიდანაც ვღებულობთ  $\Delta_{0.707} = \frac{1}{\pi\tau_j} \sqrt{\sqrt{2}-1}$ .

**მაგალითი მ2.4.** ამოცანა 2.3 -ში მოყვანილი პირობისათვის მიიღეთ  $\Delta_{0.707}$  მნიშვნელობები, როცა საფეხურების რიცხვი იქნება  $N=1$  და  $N=4$ , ხოლო  $\tau_j = 10$  მკწმ.

**პასუხი:**  $\Delta_{0.707} = \begin{cases} 12.73 \text{ კჰც, } N=1, \\ 6.025 \text{ კჰც, } N=4. \end{cases}$

**მაგალითი მ2.5.** გამოთვალეთ და ააგეთ ერთ-, ორ-, და სამ-საფეხუროვანი რეზონანსური მაძლიერებლების ნორმირებული ასმ გრაფიკები. კონტურების მუდმივი  $\tau_j$  მდგენელები და მათი რეზონანსური სიხშირეები  $\omega_{რეზ}$  ერთნაირია.

**მითითება:** არგუმენტის უგანზომილო ცვლადთ გამოიყენეთ **ასლა**  $\xi = \tau_j (\omega - \omega_{რეზ})$ . ნახ.



მ2.1 –ზე მოყვანილია აგებული გრაფიკები. შეადარეთ თქვენ მიერ მიღებულ გრაფიკებს

ნახ. მ2.1.

## 2.2. სიბნალის ბავშვს მიწროვოლოვან წრეწვო

**მაგალითი მ2.9.** მაძლიერებელი შექმნილია ორი რეზონანსური საფეხურის კასკადური შეერთებით ერთნაერი რეზონანსური  $\omega_{რეზ}$  სიხშირეებით. გაძლიერების კოეფიციენტებია  $K_{რეზ.1}$  და  $K_{რეზ.2}$ , და დროის მუდმივები  $\tau_{j1}$  და  $\tau_{j2}$ , საზოგადოთ, გან-

სხვაგვებულა ერთმანეთისგან. იპოვეთ იმპულსური მოცემული ვიწროზოლოვანი მაძლიერებელის  $h(t)$  იმპულსური მახასიათებელი.

**ამოხსნა:** მაძლიერებელის გადაცემის სისშირული მახასიათებელის გამოსახულებაში

$$K(j\omega) = \frac{K_{რეზ.1} K_{რეზ.2}}{\left[1 + j(\omega - \omega_{რეზ.1})\tau_{3.1}\right] \left[1 + j(\omega - \omega_{რეზ.2})\tau_{3.2}\right]}$$

შეგასრულოთ ცვლადის შეცვლა  $\omega = \omega_{რეზ.1} + \Omega$  და გადავიდეთ გადაცემის სისშირული კოეფიციენტის დაბალსისშირულ ეკვივალენტზე

$$K_{ფს}(j\omega) = \frac{K_{რეზ.1} K_{რეზ.2}}{(1 + j\Omega\tau_{3.1})(1 + j\Omega\tau_{3.2})}.$$

შესაბამისი გადამცემი ფუნქცია იქნება

$$K_{ფს}(p) = \frac{\alpha_1 \alpha_2 K_0}{(p + \alpha_1)(p + \alpha_2)},$$

სადაც  $K_0 = K_{რეზ.1} K_{რეზ.2}$ ;  $j\Omega = p$ ;  $\alpha_1 = 1/\tau_{3.1}$ ;  $\alpha_2 = 1/\tau_{3.2}$ . ლაპლასის გარდაქმნის ცხრილების გამოყენებით, მივიღებთ

$$h_{ფს}(t) = \frac{\alpha_1 \alpha_2 K_0}{(\alpha_2 - \alpha_1)} (e^{-\alpha_1 t} - e^{-\alpha_2 t}) \sigma(t),$$

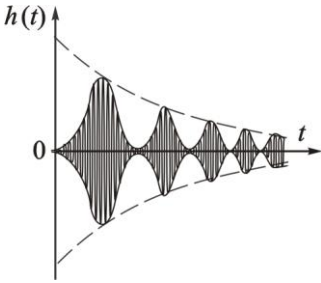
საიდანაც 
$$h_{ფს}(t) = \frac{2\alpha_1 \alpha_2 K_0}{\alpha_2 - \alpha_1} (e^{-\alpha_1 t} - e^{-\alpha_2 t}) \cos \omega_{რეზ.1} t \cdot \sigma(t)$$

(ამონაკრეფი ლაპლასის გარდაქმნების ცხრილიდან):  $\rightarrow$   
 $(\cos \omega_0 t \div p / (p^2 + \omega_0^2); \sin \omega_0 t \div \omega_0 / (p^2 + \omega_0^2); e^{-j\alpha} \div 1 / (p + \alpha)).$

**მაგალითი მ2.11.** სამსაფეხურიანი რეზონანსული მაძლიერებელი შეიცავს რხევით კონტურებს, გაწყობილებს სისშირეებზე  $\omega_{რეზ.1} = \omega_0 - \Delta\omega$ ,  $\omega_{რეზ.2} = \omega_0$  და  $\omega_{რეზ.3} = \omega_0 + \Delta\omega$ . პარამეტრები  $K_{0რეზ}$  და  $\tau_3$  ერთნაირია სამივე საფეხურისათვის. სისტემა ერთობაში არის ვიწროზოლოვანი, ანუ  $Q \ll 1$  და  $\Delta\omega/\omega_0 \ll 1$ .

გამოთვალეთ მაძლიერებელის იმპულსური  $h(t)$  მახასიათებელი. გამოხატეთ მიხლოვებითი გრაფიკი.

**მითითება:** საყენ სისშირეთ აირჩიეთ საყრდენი  $\omega_0$  სისშირე. დაბალსისშირული ეკვივალენტური იმპულსური  $h(t)$  მახასიათებელი იპოვება ოპერატორული მეთოდით.



**ამოხსნა:**

$$h(t) = -\frac{4K_{0\text{რფ}}}{\tau_3} \left(\frac{t}{\tau_3}\right)^2 e^{t/\tau_3} \frac{\sin^2 \Delta\omega t}{(\Delta\omega t)^2} \cos^{-1} \theta.$$

მიღებული ფუნქციის მიახლოებითი გრაფიკი მოყვანილია ნახ. მ.2.2-ზე.

ნახ. მ.2.2

**მაგალითი მ.2.12.** გაუსის წვრილზოლოვანი რადიოფილტრის გადაცემის სიხშირული კოეფიციენტი წარმოდგენილია ფორ-

მულით 
$$K(j\omega) = K_0 e^{-b(\omega+\omega_0)^2} + K_0 e^{-b(\omega-\omega_0)^2},$$

სადაც  $K_0$  - მაშტაბური კოეფიციენტია,  $\omega_0$  გატარების ზოლის ცენტრალური სიხშირეა,  $b$  - ზომის მუდმივა, ისეთი რომ,  $b\omega_0^2 \ll 1$ . იპოვეთ მოცემული ფილტრის  $K_{\text{დს}}(j\Omega)$  გადაცემის კოეფიციენტის დაბალსიხშირული ეკვივალენტი და შესაბამისი იმპულსური მახასიათებელი  $h_{\text{დს}}(t)$ .

**მითითება:** გამოიყენეთ ტაბულირებული ინტეგრალი

$$\int_0^\infty e^{-\beta x^2} \cos bx dx = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\pi}{\beta}} \exp\left(-\frac{b^2}{4\beta}\right).$$

**პასუხი:** 
$$K_{\text{დს}}(j\Omega) = K_0 e^{-b\Omega^2}, \quad h_{\text{დს}}(t) = \frac{K_0}{2\sqrt{\pi b}} \exp\left(-\frac{t^2}{4b}\right).$$

**მაგალითი მ.2.17.** ძაბვის ერთკონტურა რეზონანსული მძლიერებელის პარამეტრებია  $\omega_{\text{რფ}}$ ,  $K_{\text{რფ}}$  და  $\tau_3$ . შესასვლელზე მიერთებულია ძაბვის წყარო, რომელსაც აქვს სიხშირის ნახ-

ტომი როცა  $t=0$ : 
$$u_{\text{რფ}}(t) = \begin{cases} U_{\text{ა}} \cos \omega_{\text{რფ}} t, & t < 0 \\ U_{\text{ა}} \cos(\omega_{\text{რფ}} + \delta\omega)t, & t \geq 0, \end{cases}$$

სადაც  $\delta\omega$  - სიხშირული აშლაა.

გამოთვალეთ  $\tilde{U}_{\text{გამ}}(t)$  - გამოსასვლელი სიგნალის კომპლექსური მოვლები. ააგეთ ფიხიკური მოვლების დროზე დამოკიდებულების გრაფიკები როცა  $\delta\omega\tau_3 = 1$  და როცა  $\delta\omega\tau_3 = 3$ .

**მითითება:** კომპლექსური მოვლების მიმართ გამოიყენეთ დუ-ამელის ინტეგრალი. საყდენ სისშირეთ აიღეთ  $\omega_{\text{რეზ}}$ . შემოიტანეთ უზომილო არგუმენტი  $x = t/\tau_3$

**ამოხსნა:** შესასვლელზე სიგნალის კომპლექსური მოვლები

$$\tilde{U}_{\text{გაბ}}(t) = \begin{cases} U_{\text{ა}}, & t < 0, \\ U_{\text{ა}} e^{j\delta\omega t}, & t \geq 0. \end{cases}$$

ვინაიდან  $h_{\text{რეს}}(t) = (-K_{\text{რეზ}}/\tau) e^{-t/\tau_3} \sigma(t),$

მაშინ როცა  $t < 0$

$$\begin{aligned} \tilde{U}_{\text{გაბ}}(t) &= \int_{-\infty}^t \tilde{U}_{\text{გაბ}}(\xi) h_{\text{რეს}}(t-\xi) d\xi = \\ &= -K_{\text{რეზ}} U_{\text{ა}} e^{-t/\tau_3} \int_{-\infty}^{t/\tau_3} e^x dx = -K_{\text{რეზ}} U_{\text{ა}}. \end{aligned}$$

როცა  $t \geq 0$

$$\begin{aligned} \tilde{U}_{\text{გაბ}}(t) &= -\frac{K_{\text{რეზ}} U_{\text{ა}}}{\tau_3} \int_{-\infty}^0 e^{-(t-\xi)/\tau_3} d\xi - \frac{K_{\text{რეზ}} U_{\text{ა}}}{\tau_3} \int_0^t e^{j\delta\omega\xi} e^{-(t-\xi)/\tau_3} d\xi = \\ &= -K_{\text{რეზ}} U_{\text{ა}} e^{-t/\tau_3} - K_{\text{რეზ}} U_{\text{ა}} e^{-t/\tau_3} \int_0^{t/\tau_3} e^{x(1+jb)} dx, \end{aligned}$$

სადაც  $b = \delta\omega \cdot \tau_3$  — უგანზომო პარამეტრია, რომელიც ახასიათებს სისშირული აშლის შეფარდებას კონტურის გატარების ზოლთან. ინტეგრირების ჩატარების შემდეგ, მივიღებთ

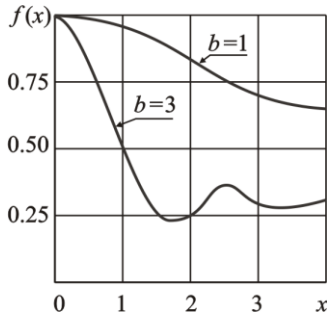
$$\tilde{U}_{\text{გაბ}}(t) = -\frac{K_{\text{რეზ}} U_{\text{ა}}}{1+jb} \left( jbe^{-t/\tau_3} + e^{jbt/\tau_3} \right).$$

გრაფიკების ასაგებათ მოსახერხებელია ახალი ცვლადის შემოტანას  $x = t/\tau_3$ . ამასთან ფიზიკური

მოვლები როდესაც  $t \geq 0$

$$\tilde{U}_{\text{გაბ}}(x) = \left| \tilde{U}_{\text{გაბ}}(x) \right| = K_{\text{რეზ}} U_{\text{ა}} f(x),$$

სადაც



ნახ. მ.2.3

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{1+b^2}} \left[ \cos^2 bx + (\sin bx + be^{-x})^2 \right]^{1/2}.$$

$f(x)$  ფუნქციის გრაფიკები  $b=1$  და  $b=3$  შემთხვევისათვის მოყვანილია ნახ. მ.2.3.

**მაგალითი 2.18.** გამოთვალეთ სიგნალი  $u_{\text{გამ}}(t)$ , რომელიც წარმოიქმნება წერილზოლოვანი გაუსის რადიოფილტრის გამოსასვლელზე (იხ. ამოცანა მ.2.12) თუ მის შესასვლელზე მიეწოდება  $u_{\text{შეს}}(t) = U_0 \cos \omega t \cdot \sigma(t)$  რხევა, როლის რხევის შევსების სისშირე ემთხვევა ფილტრის ასმ მახასიათებელის ცენტრალურ სისშირეს.

**მითითება :** გამოიყენეთ რეზუდენტატი მიღებული ამოცანა მ.2.12 -ში.

**ამოხსნა :** აქ  $\tilde{U}_{\text{შეს}}(t) = U_0 \sigma(t)$ ;  $h_{\text{ფს}}(t) = \frac{K_0}{2\sqrt{\pi b}} e^{-t^2/(4b)}$ .

მაშინ

$$\tilde{U}_{\text{გამ}}(t) = \int_{-\infty}^{\infty} \tilde{U}_{\text{შეს}}(t-\xi) h_{\text{ფს}} d\xi = \frac{K_0 U_0}{2\sqrt{\pi b}} \times \int_{-\infty}^t e^{-\xi^2/(4b)} d\xi = K_0 U_0 \Phi\left(\frac{t}{\sqrt{2b}}\right),$$

სადაც  $\Phi(x)$  არის ალბათობების ინტეგრალი.